2 emestre 2 ème Bac Pro En déduir la nature du ABC. Lycée Laymoune Les nombres complexes EX:21 A(1+1/3); B(-1-1) C (-2-13+i) - 2 me Partie -1) calcular: aff(BA'); aff(BC) e) En déchir la nature de ABC. 1 Affixe d'1 pt et d'1 vecteur: 3 Les carrés dans C: Dans le plus complexe on considére le pt: Ecrire sous forme d'un curré les M(x,y) $(x,y \in \mathbb{R}).$ numbres complexes: . Z=x+iy est l'affixe de M(x+iy) -1; 4; -4; -8; Zet aussi l'affixe du vecleur: OM et on evenit: aff(M) = Z = Z + iy Applications: Résondre dans Cliséq: et aff (om) = Z 2 = -4; = 4; = -4 eral: $aff(\overrightarrow{AB}) = Z_B - Z_A$ = aff(B) - aff(A)En général: 4) Equation de 2 m degré à coefficients reals. Exple un triangle ABC est isocèle en $(E): az + bz + c = 0 \qquad (a, b, c \in \mathbb{R})$ A () | aff (AB) | = | aff (AC) | Le discriminant de (E): 2) Mesure d'un angle oriente (AB AC): $\Delta = b^2 + 4ac$; ilya 3 cas: 1 - S: A = 0 alors: unique solution $\left(\overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AC}\right) \equiv \arg\left(\frac{Z\overrightarrow{AC}}{Z\overrightarrow{AB}}\right) \left[2\pi\right]$ (réelle) dons C: S= \ - \frac{b}{2a} \} $= \arg\left(\frac{z_c - z_A}{z_R - z_A}\right) \left[2\pi\right]$ 2- 8: [A>.0] alors: cleux solutions (réelles) dans (: Expl: Soint A.B, Cet D tq: $z_1 = \frac{-b \cdot \sqrt{\Delta}}{2a}$; $z_2 = \frac{-b \cdot \sqrt{\Delta}}{2a}$ $Z_A = i , Z_B = 2i ; Z_C = 4 + i$ et: $\mathcal{Z}_{D} = 4 + 3i .$ 3- Si AZO il y a deux solutions 1 mg: (AB) // (CD) complexes conjuguées: dan C: Rapple: (AB) // (CD) (AB, CD) = 0 [21] ou (AB, CD) = 11 [21] $Z_1 = \frac{-b - i\sqrt{-\Delta}}{2a}$ et $Z_2 = \frac{-b + i\sqrt{-\Delta}}{2a}$ (AB) I (CD) (AB) (B) = = [21] Exple: 22-22+2=0 ou (AB) ED) = -II [IT] mg: Z1=1-i et Z2= Iti sant les solutions de l'éq. EX:11 Spient: A(1+2i); B(-2+i) et: C(-1-2i). culculer ZA-ZB

EX:31 Résoudre dans C les éq:

- 1) 2-22+5=0
- 2) 20-2(4+13)2+5+2/3=0
- 3) 22- (1+13) 2+13=0

EX: 41 on considere dans Cléq:

- (E) Z = 2 = + 2 = 0
- 1) Résoudre (E) dans C (le solutions
 - Z_1 et Z_2 sont Z_3 : $Im(Z_1) > 0$ $Im(Z_2) < 0$
- 20) Ecrire Z, et Ze sons forme trigonométrique.
- 3°) Mq: 21 + 24 = -8
- 4°) Dans le plan complene rapporté à un repore orthonormé direct;
- (o, u, v), on considere les pts:
- A(1-i) et B(1+i)
- 4-a) Donner 1+i sous forme

algébrique.

4-6) En déduire que le triangle GAB est rectangle et isocèle en O. (EXAMBR)

Ex: 5/1) Résondre dans C

l'eq: (E): Z=+22+4=0

2) on pose: $a = -1 + i\sqrt{3}$

6 = 2 et $C = -1 - i\sqrt{3}$

écrire a-b et c-b sous forme trigonométrique.

- 3) En déduire le module et un argument du nombre $\frac{c-b}{a-b}$
- 4) Dans le plan complexe rapporté
 à un repere orthonormé directi,
 on considére les pts A, B et C
 d'affixes respectives: a, b et c
 Montrer que ABC est équilateral.
 (EXAM LE BAC)

EX:6/ 1) Résouche dans C l'éq:

Z = 8 \(\bar{3} \) \(\times + 64 = 0 \)

2°) on considére la pts A, Bet C

d'affixes respectives: a=8i,

 $6 = 4\sqrt{3} - 4i$ et $c = 2(4\sqrt{3} + 4i)$

montree que: $\frac{a-b}{c-b} = \frac{1}{2} + i \frac{\sqrt{3}}{2}$

3°) En déduire que le triangle

ABC est équilateral.

Ex: 7 P(2) = 2 + 2/3 23 + 822 + 2/3 2+7

- 10) calculer P(i) et P(-i)
- 2º) Trouver a, b et c dans R 6:

pour tout ZE C on i.

P(=) = (=2+1 a=+62+c)

3°) Résoudre dans C l'éq! P(Z) = 0

(2

8

Semestre

(Suite : None comply. EX:4] En utilisant la reg précédente; trouver la forme trigonomété de: Z = 1 + i et de: $Z' = \sqrt{3} + i$ 8 propriétés de l'argument: arg(ZZ') = arg(Z) + arg(Z') [217] $arg(\overline{z}) = -arg(z)$ [27] $-arg(z) = \pi + arg(z) [2\pi]$ $arg(z^n) = n \times arg(z) [2\pi]$ $arg(\frac{1}{z}) = -arg(z) [2\pi]$ $arg(\frac{Z}{Z}) = arg(Z) - arg(Z')$ [27] $\begin{array}{c}
\mathbb{Z} \neq 0 \\
\mathbb{Z} \in \mathbb{R} \iff \arg(\mathbb{Z}) = k\pi; k \in \mathbb{Z} \\
\mathbb{Z} \in \mathbb{R}^* \iff \arg(\mathbb{Z}) = \frac{\pi}{2} + k\pi; k \in \mathbb{Z}
\end{array}$ EX:51 Déterminer une écritaire trigo distibilis: $(1+i)\times(\sqrt{3}+i)$; $\overline{13}+i$; $\frac{1+i}{\sqrt{3}+i}$ $\frac{\sqrt{3}+i}{\sqrt{3}+i}$; $(\sqrt{3}+i)^5$; $(4+i)^2 \times (\sqrt{3}-i)$

 $\frac{(1+i)^2}{(1-i)^3}$: $\left(\frac{i}{1-i}\right)^{2.006}$. i^{100}

3 propts de la notation exponentielle. $re^{i\theta} \times r'e^{i\theta'} = (nr')e^{i(\theta+\theta')}$ $re^{i\theta} = re^{-i\theta}$, $-re^{i\theta} = re^{i(\theta+\pi)}$ $(re^{i\theta})^n = r^n e^{in\theta}$; $\frac{1}{re^{i\theta}} = \frac{1}{r} e^{-i\theta}$ $\frac{r e^{i\theta}}{r'e^{i\theta}} = \frac{r}{r'} e^{i(\theta - \theta')}$

Formule de MOIVRE: $\forall n \in \mathbb{N}, \left(\cos(\theta) + i\sin(\theta)\right)^n = \cos(n\theta) + i\sin(n\theta)$

EX: 61 Donner la forme exp de nors: $z_1 = \cos(\theta) - i\sin(\theta); z_2 = 1 - i\sqrt{3}$ $z_3 = 3i$; $z_4 = 8 + i8$ $Z_5 = \overline{7} - \overline{7}\overline{3}i$ $Z_6 = \sqrt{2}(i-1)$ $z_7 = \frac{e^{i\theta} - e^{i\theta}}{e^{i\theta} + e^{i\theta}}$; $z_7 = \frac{3 + i}{1 + i}$ $z_g = (3+i)^4$: $z_{10} = \frac{1}{2} - i\frac{3}{2}$ (10) Formula <u>d'Euler</u>: $(\forall \theta \in \mathbb{R})$; $\cos(\theta) = \frac{e^{i\theta} + e^{i\theta}}{2}$ $\sin(\theta) = \frac{e^{i\theta} - e^{-i\theta}}{2}$

11 Notions géométriques!

La notion géométrique La relation $AB = |Z_B - Z_A|$ Distance AB

 $Z = \frac{ZA + ZB}{2}$ I centre de [AB] Mesure de (AB, AC) $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = arg\left(\frac{2c-2A}{2p-2A}\right)[27]$

A B et C sont alignés ZB-ZA E IR

ABC est un triangle $\frac{\mathcal{Z}_{C} - \mathcal{Z}_{A}}{\mathcal{Z}_{B} - \mathcal{Z}_{A}} = \left[\eta_{S} \pm \frac{\Pi}{2} \right]$ grectangle on pt A

ABC est isocele en A $\frac{2c-2A}{2g-2A} = [1:\theta]$

ABC rectangle et isoècle en A. $\frac{z_{c}-z_{A}}{z_{s}-z_{A}}=\left[1;\pm\frac{\pi}{2}\right]$

EX: 12 A: B denx pt d'affixe ZA = -1+i ZB = - Di+D

1 Placer les pts A et B.

@ Mg la pls A. B et O sont alignée · (Le plan est muni d'un repère (O, E1, ez))

n°:8